# Fortgeschrittenenpraktikum Abteilung A 4.18 Mikro- und Fourieroptik

Micro and Fourier Optics Versuchsanleitung Stand Oktober 2023



# Inhaltsverzeichnis

1	Physikalische Grundlagen				
	1.1	Gaußstrahl	1		
	1.2	Räumliche Modulation von Lichtfeldern	2		
		1.2.1 Digitale Mikrospiegeleinheit	2		
		1.2.2 Flüssigkristallanzeigen	3		
	1.3	Kamera	3		
	1.4	Beugung & Fourieroptik	4		
	1.5	Weitere wesentliche Grundlagen	5		
2	Versuchsdurchführung				
	2.1	Laserschutz	6		
	2.2	Versuchsaufbau	7		
	2.3	Verhalten während der Versuchsdurchführung	8		
3	Auf	gabenstellung	9		

# 1 Physikalische Grundlagen

## 1.1 Gaußstrahl

Das von Lasern ausgestrahlte Licht lässt sich häufig als sogenannter Gaußstrahl beschreiben. In Abbildung 1.1 ist der Verlauf eines Gaußstrahls visualisiert.



Abb. 1.1: Profil eines propagierenden Gaußstrahls [1].

Gaußstrahlen zeichnen sich dadurch aus, dass die Amplitude des elektromagnetischen Feldes im Raum durch

$$E(r, z) = E_0 \frac{w_0}{w(z)} \exp\left(-\left(\frac{r}{w(z)}\right)^2\right) A(r, z)$$

beschrieben wird [4, S. 50 – 52]. Dabei ist *z* die Raumkoordinate in Propagationsrichtung, während *r* die Radialkomponente in der zur *z*-Achse senkrechten Ebene beschreibt. Die Verteilung ist offensichtlich radialsymmetrisch, da keine Abhängigkeit vom azimuthalen Winkel vorliegt. Der Wert  $E_0$  gibt die maximale elektrische Feldstärke an. Mit  $w_0$  wird der Strahlradius an der schmalsten Stelle des Gaußstrahls bezeichnet. Für diesen Wert ist auch der Begriff Strahltaille gebräuchlich. Der Strahlradius ist allgemein als der Radius definiert, bei dem die elektrische Feldstärke auf den Faktor  $\frac{1}{e}$  des maximalen Werts abgefallen ist. Die Funktion

$$w(z) \coloneqq w_0 \sqrt{1 + \left(\frac{z}{z_R}\right)^2}$$

beschreibt den Strahlradius in Abhängigkeit von der z-Position. Die Rayleighlänge  $z_R$  ist dabei über  $z_R := \frac{\pi w_0^2}{\lambda}$  mit der Wellenlänge  $\lambda$  verknüpft. Sie beschreibt nach welcher Weglänge der Strahlradius auf  $\sqrt{2}w_0$  angewachsen ist und gibt somit eine Abschätzung an, für welche Abstände näherungsweise von kollimierten Strahlen ausgegangen werden kann. Der Faktor A(r, z) trägt nur Phaseninformationen und soll hier nicht eingehend diskutiert werden, da er bei der Bestimmung der Intensität zu 1 wird. Für die Intensität eines Gaußstrahls gilt

$$I(r,z) = I_0(z) \exp\left(-2\left(\frac{r}{w(z)}\right)^2\right),$$

wobei  $I_0(z)$  die maximale Intensität in der jeweiligen Ebene bezeichnet.

Durchläuft ein Gaußstrahl eine Linse, so verändern sich die Strahltaille sowie die Position der Fokalebene.

Liegt der Fokus eines Gaußstrahls mit Strahltaille w im Abstand s vor einer Linse der Brennweite f, so gilt für den Strahl hinter der Linse

$$s' = f + \frac{f^2 (s - f)}{(s - f)^2 + z_R^2}$$
  
und  $w' = w f \sqrt{\frac{1}{(s - f)^2 + z_R^2}}.$ 

Dabei bezeichnet  $z_R$  die Rayleighlänge des Strahls vor der Linse. Die Strahltaille kann also über Linsensysteme maßgeblich verändert werden.

## 1.2 Räumliche Modulation von Lichtfeldern

Um möglichst beliebige elektromagnetische Felder zu erzeugen sind räumliche Lichtmodulatoren (engl. Spatial Light Modulators; kurz.: SLM) eine gute Wahl. Hier sollen zwei im Laboralltag anwendbare Arten von SLM vorgestellt werden.

### 1.2.1 Digitale Mikrospiegeleinheit

Versatile Werkzeuge zur Intensitätsmodulation von Lichtfeldern stellen digitale Mikrospiegeleinheiten (engl.: Digital Micro-Mirror Devices; kurz: DMD) dar. Der Vorteil dieser besteht in der einfachen Ansteuerung über einen Computer und der Variabilität der anzeigbaren Strukturen. Die Nutzung der DMD hat sich in der experimentellen Praxis als praktisch erwiesen. Verwendet wird im Versuch das Modell DLP3000 LightCrafter Evaluation Module von Texas Instruments [8]. Die Oberfläche des DMD ist mit 415872 quadratischen Einzelspiegeln besetzt, die entsprechend Abbildung 1.2 diagonal angeordnet sind. Die gesamte Spiegeleinheit hat eine Breite von 6.6 mm und eine Höhe von 3.7 mm. Die Einzelspiegel haben einen Abstand von  $7.637 \mu \text{m}$ und können in der Horizontalen, also um die vertikal orientierte Diagonale, gegenüber der normalen Position um  $\pm 12^{\circ}$  verkippt werden. Im Betrieb können nur diese beiden Positionen eingestellt werden. Die Ansteuerung erfolgt also mit einer Bittiefe von 1. Die Spiegel können dann als "schwarze" oder "weiße" Pixel verwendet werden, in dem Sinne, dass bei schwarzen Pixeln das Licht so wegreflektiert wird, dass es verloren geht, während es bei weißen Pixeln in den weiteren optischen Aufbau gelegt wird. Die Belegung ist dabei davon abhängig, aus welchem Winkel der DMD beleuchtet und aus welcher Richtung er beobachtet wird. Für die meisten optischen Aufbauten ist es am geeignetsten, wenn der auslaufende Strahl senkrecht zur Oberfläche des DMD gerichtet ist. Da die Abstände der Einzelspiegel mit  $q = 7,637 \, \mu m$ lediglich wenige Vielfache der im Versuch verwendeten Wellenlänge  $\lambda = 637(3)$  nm betragen,



Abb. 1.2: Schematische Darstellung der Anordnung der Einzelspiegel auf dem DMD [8].

stellt das Mikrospiegelregister ein Blaze-Reflexionsgitter dar [5, S. 947 – 954]. Dessen zweidimensionale Ordnung (3, 3) entspricht wegen der diagonalen Anordnung der Spiegel und der damit einhergehenden Drehung der Hauptachsen einer Ablenkung in horizontaler Richtung um  $\sqrt{2} \cdot \arcsin\left(3 \cdot \frac{637(3) \text{ nm}}{7.64 \, \mu\text{m}}\right) = 20,5(1)^{\circ}$ . Da ein einzelner Mikrospiegel aufgrund der horizontalen Verkippung um 12° das Licht unter einem Beleuchtungswinkel von 24° wie gewünscht ablenken würde, ist die Ordnung (3, 3) des reflektierten zweidimensionalen Interferenzmusters die dazu nächstgelegene. Sie trägt also einen Großteil der Leistung und wird deshalb in diesem Versuch verwendet.

### 1.2.2 Flüssigkristallanzeigen

Auch Flüssigkristallanzeigen stellen eine gute Option als räumliche Lichtmodulatoren dar. Mit ihnen lässt sich die Polarisation lokal manipulieren. Dies bewirkt auch einen Phasenversatz, der als Grundlage des SLM dienen kann. Weiterhin können LCD in Kombination mit polarisationsfilternder Optik als Intensitätsmodulatoren verwendet werden. In dieser Konfiguration findet ein LCD in diesem Versuch Anwendung.

Konkret kommt die LCD-Einheit eines kommerziellen Beamers (Sharp PG-C30XE) zum Einsatz. Diese hat eine Breite von 18,5 mm und eine Höhe von 13,9 mm [9]. Insgesamt besteht die LCD-Einheit aus 786 432 Pixeln, die sich auf das Bildformat  $1024 \times 768$  des Beamers verteilen.

## 1.3 Kamera

Im Laufe des Versuchs findet eine Kamera bei der Aufnahme von Lichtfeldern Anwendung. Konkret handelt es sich um das Modell Dragonfly2 DR2-BW aus dem Hause Point Grey. Der CCD-Chip besteht aus  $648 \times 480$  Pixeln, deren Einzelgröße 7,4 µm beträgt [10].

Dieser Chip wird im Laufe des Versuchs entweder direkt beleuchtet oder in Kombination mit einem vergrößernden Objektiv verwendet.

### **1.4 Beugung & Fourieroptik**

#### 4f-Abbildung

Nach Christiaan Huygens stellt jeder Punkt einer Wellenfront den Ausgangspunkt einer isotropen Elementarwelle dar [5, S. 876 ff.].

Aus der Beschreibung des Lichts durch das Huygenssche Prinzip folgt das Konzept der Beugung. Beugung tritt auf, wenn eine Struktur in den Strahlgang eingebracht wird, die die Amplitude oder die Phase des elektromagnetischen Feldes verändert. So kann beispielsweise hinter beleuchteten Kanten Licht in dem Bereich beobachtet werden, der nach strahloptischer Betrachtung im Schatten liegen müsste.

Das Phänomen der Beugung lässt sich in Fresnelscher Näherung durch Beugungsintegrale beschreiben [6]. Liegt in der Ebene bei  $z_0 = 0$  die Amplitude des elektromagnetischen Feldes in der Form  $E_0(x', y')$  vor, so ergibt sich im Abstand z die ebene Verteilung der Feldstärke

$$E_{z}(x,y) = \frac{ik}{2\pi z} \exp(ikz) \int_{\mathbb{R}^{2}} E_{0}(x',y') \exp\left(-ik\frac{(x-x')^{2} + (y-y')^{2}}{2z}\right) dx'dy'.$$

Die Feldstärke  $E_0(x', y')$  trägt hierbei bereits die Information über eventuell eingebrachte Beugungsstrukturen. Mit diesem Zusammenhang lässt sich theoretisch das elektromagnetische Feld hinter beliebig geformten Blenden berechnen. Auch für phasenverändernde Objekte wie Linsen lassen sich so Vorhersagen über das entstehende Lichtfeld treffen.

Ist am Ort  $z_0 = 0$  die Verteilung  $E_0(x, y)$  bekannt und wird eine Sammellinse der Brennweite f bei z = f positioniert, so kann die in der Ebene bei z = 2f vorliegende Verteilung über

$$E_{2f}(x,y) = \frac{ik}{f} \exp(2ikf) \mathscr{F}(E_0)(\nu_x,\nu_y) \,.$$

berechnet werden [6]. Die Ausdrücke  $\nu_x := \frac{x}{\lambda f}$  und  $\nu_y := \frac{y}{\lambda f}$  werden als Raumfrequenzen bezeichnet. Mit  $\mathscr{F}$  wird die Fouriertransformationen notiert. Die Raumfrequenzen geben die räumliche Ausbreitungsrichtung vor und stehen daher mit dem jeweiligen Wellenvektor k in Verbindung, mit dem sich die elektromagnetischen Wellen aus der Verteilung  $E_0$  ausbreiten. In der Fokalebene hinter einer Linse kann also die Fouriertransformierte des elektromagnetischen Feldes aus der Fokalebene vor der Linse beobachtet werden. Aus diesem Grund werden Sammellinsen auch als Fourierlinsen bezeichnet.

Befindet sich am Ort z = 3f eine weitere Sammellinse mit der Brennweite f, so ergibt sich in der Ebene z = 4f durch zweimalige Fouriertransformation der Zusammenhang

$$E_{4f}(x,y) = -\exp(4ikf) E_0(-x,-y).$$

Eine solche Abbildung ist als 4f-Abbildung bekannt.

Das elektromagnetische Feld nach einer 4f-Abbildung entspricht dem bei z = 0 vorliegenden, lediglich um  $180^{\circ}$  gedreht. Der Vorteil besteht darin, dass die abgebildete Struktur grundsätzlich erhalten bleibt, während in der Fokalebene zwischen den Linsen bei z = 2f die Fouriertransformierte dieser Struktur beobachtet werden kann. Durch Masken in dieser von nun an als Fourierebene bezeichneten Ebene können also gezielt Teile aus dem Raumfrequenzspektrum gefiltert werden. Insbesondere besteht die Möglichkeit durch Kreisblenden hohe Raumfrequenzen herauszufiltern.

# 1.5 Weitere wesentliche Grundlagen

Die oben aufgeführten Punkte sind mittels Literaturrecherche zu vertiefen. Darüberhinaus sind fundierte Kenntnisse in folgende Themen für eine erfolgreiche Versuchsdurchführung notwendig.

- Eigenschaften von Laserlicht
- Polarisationsoptik
- Blazegitter
- Funktionsweise von Flüssigkristallanzeigen (LCD)
- Verwendung von räumlichen Lichtmodulatoren (SLM) (z.B. [11])

# 2 Versuchsdurchführung

## 2.1 Laserschutz

Bei der Durchführung von Versuchen mit Laserlicht spielt der Laserschutz eine zentrale Rolle und ist **stets** zu beachten.

In diesem Fortgeschrittenenpraktikum wird Laserlicht mit einer Wellenlänge von  $\lambda=637(3)\,\mathrm{nm}$  verwendet. Die maximale Leistung, die außerhalb des eingehausten Bereiches zur Verfügung steht, überschreitet den Wert $P_{\max}=400\,\mathrm{\mu W}$ nicht.



Abb. 2.1: Ungefähre Einteilung in Laserschutzklassen [2].

Laserklasse	Gefährdung bzw. Schädigungs- möglichkeit	Typische Leistung P (Dauerstrich-Laser)	Typische Anwendung
1	Unter vernünftigerweise vorher- sehbaren Bedingungen sicher	P kleiner 0,4 mW bei Wellenlängen zwischen 500 nm und 700 nm	Scanner-Kasse, DVD-Player, eingehauste Laser
1M	Bei Einsatz von optisch sammelnden Instrumenten für das Auge gefährlich (sonst wie Klasse 1)	P kleiner 0,4 mW bei Wellenlängen zwischen 500 nm und 700 nm aber der Strahldurchmesser ist größer als 7 mm	Vermessung
2	Der direkte Blick in den Strahl muss vermieden werden – bei längerer Betrachtung über 0,25 s hinaus kann es zu Netzhautschäden kommen	P kleiner 1 mW	Laserpointer, Laser-Wasserwaage
2M	Bei Einsatz von optisch sammelnden Instrumenten für das Auge gefährlich (sonst wie Klasse 2)	der Strahldurchmesser ist größer als 7 mm und die Leistungsdichte beträgt maximal 25 W/m <sup>2</sup>	Motivlaser, Nivellierlaser
3R	Gefährlich für das Auge	P kleiner 5 mW	Show- und Projektions-Laser, (für den sichtbaren Bereich)
3B	Immer gefährlich für das Auge	P kleiner 500 mW	
4	Immer gefährlich für das Auge und die Haut	P größer 500 mW	

Abb. 2.2: Gefahren der einzelnen Laserschutzklassen [3].

# 2.2 Versuchsaufbau



Abb. 2.3: Aufnahme des Versuchsaufbaus.

In Abbildung 2.3 ist der Versuchsaufbau dargestellt. Für die Versuchsdurchführung stehen folgende Optiken und Messinstrumente zur Verfügung:

- Auskoppler für Laserlicht
- λ/2-Verzögerungsplättchen
- polarisationsabhängige Strahlteilerwürfel
- Spiegel
- Digitales Mikrospiegelregister (DMD)
- Flüssigkristallanzeige (LCD)
- Linsen
- Kreisblende
- Photodiode
- Kamera
- Oszilloskop [12]
- Computer zur Steuerung und Datenaufnahme

# 2.3 Verhalten während der Versuchsdurchführung

Optische Elemente sind sehr sensibel und teuer. Sie sollen in diesem Versuch den geeigneten Umgang mit ihnen kennenlernen. Lassen Sie dabei bitte besondere Vorsicht walten.

# 3 Aufgabenstellung

### 0. Vorbereitende Hausaufgabe

Bringen Sie eine beliebige Bilddatei (schwarz/weiß; Bittiefe: 1; Format:  $1216 \times 684$ ) mit. Von der gewählten Struktur möchten Sie die Fouriertransformierte sowie eine Wiederabbildung beobachten. Berücksichtigen Sie dies bei ihrer Auswahl.

### 1. Propagation eines Gaußstrahls

Untersuchen Sie die Propagation des Gaußstrahls, indem Sie mit der Kamera das transversale Intensitätsprofil an mindestens drei Punkten vermessen.

### 2. Charakterisierung des LCD-Intensitätsmodulators

- a) Untersuchen Sie mit Photodiode und Oszilloskop das Schaltverhalten des Intensitätsmodulators bestehend aus LCD und polarisierendem Strahlteilerwürfel.
- b) Vermessen Sie weiterhin das Strahlprofil des Gaußstrahls unter Zuhilfenahme veränderlicher Anzeigen auf dem LCD.

### 3. Charakterisierung des DMD

- a) Untersuchen Sie mit Photodiode und Oszilloskop Schaltverzögerung und Schaltverhalten des DMD.
- b) Vermessen Sie weiterhin das Strahlprofil des Gaußstrahls unter Zuhilfenahme veränderlicher Anzeigen auf dem DMD.

### 4. Fourieroptische Abbildungen

Untersuchen Sie an verschiedenen Punkten eine 4f-Abbildung der DMD-Oberfläche (f = 100 mm).

- a) Nehmen Sie das Intensitätsprofil in der Fourierebene der 4f-Abbildung für fünf verschiedene auf dem DMD angezeigte Strukturen auf.
- b) Vermessen Sie die Abbildung in die Bildebene der 4f-Abbildung für ebendiese fünf verschiedenen auf dem DMD angezeigten Strukturen.
- c) Untersuchen Sie, wie durch einen räumlichen Intensitätsmodulator in der Fourierebene die 4f-Abbildung manipuliert werden kann. Was beobachten Sie, wenn Sie verschiedene Bereiche des Raumfrequenzspektrums herausfiltern?

# Literaturverzeichnis

## Bildquellen

- Hans Joachim Eichler, Jürgen Eichler und Oliver Lux. "Lasers: Basics, Advances and Applications". In: Springer International Publishing, 2018. Kap. 11, S. 212. ISBN: 978-3-319-99895-4. DOI: 10.1007/978-3-319-99895-4 11.
- [2] https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Maximal\_zul%C3%A4ssige\_cw-Leistungen\_nach\_EN\_60825-1.de.png.
- [3] https://www.umwelt-online.de/regelwerk/cgi-bin/suchausgabe.cgi?pfad=/arbeitss/ uvv/i200/203 036 21.htm&such=Mindestabstand.

### Literatur

- [4] Dieter Meschede. *Optik, Licht und Laser*. Wiesbaden: Vieweg + Teubner, 2009. DOI: 10.1007/978-3-8348-9288-1.
- [5] Eugene Hecht. Optik. Berlin, Boston: De Gruyter, 2018. ISBN: 9783110526653. DOI: 10.1515/9783110526653.
- [6] Wolfgang Stößel. Fourieroptik. Eine Einführung; mit 47 Übungsaufgaben und Lösungen. Berlin: Springer, 2013. ISBN: 9783540532873. DOI: 10.1007/978-3-662-01618-3.
- [7] C. Maurer u. a. "What spatial light modulators can do for optical microscopy". In: *Laser & Photonics Reviews* 5.1 (2011), S. 81–101. DOI: 10.1002/lpor.200900047.

## **Ergänzende Literatur**

- [8] Texas Instruments. *DLP*® *LightCrafter*<sup>™</sup> *Evaluation Module User's Guide*. http://www.farnell.com/datasheets/1522409.pdf. 2014.
- [9] Sharp. *Bedienungsanleitung Modell PG-C30XE*. https://www.hcinema.de/pdf/manual/sharp-pgc30xe-an-de.pdf.
- [10] Point Grey. *Getting Started DRAGONFLY* **(B)** 2 *Manual.* https://manualzz.com/doc/ 7498645/dragonfly2-getting-started-manual.
- [11] Dominik Schäffner u. a. "Arrays of individually controllable optical tweezers based on 3D-printed microlens arrays". In: *Opt. Express* 28.6 (2020), S. 8640–8645. DOI: 10.1364/OE.386243.
- [12] Tektronix. *Benutzerhandbuch: Digitale Echtzeit-Oszilloskope der Serie TDS 200*. https://download.tek.com/manual/071040203.pdf.

Internetquellen letztmalig im März 2023 aufgerufen

### Wichtige Punkte zum Laserschutz

Ganz allgemein gilt: **Im Umgang mit Lasern ist der gesunde Menschenverstand nicht zu ersetzen!** Einige spezielle Hinweise werden im folgenden angeführt.

- 1. Die Laserschutzvorschriften sind **immer** zu beachten.
- 2. Kopf niemals auf Strahlhöhe.
- 3. Richtige Schutzbrille aufsetzen; Wellenlänge und Leistung müssen bei der Wahl berücksichtigt werden. Bitte beim Betreuer oder Laserschutzbeauftragten, oder an den Aushängen an den Labortüren informieren!
- 4. Achtung: praktisch alle Laser für Laboranwendungen sind mindestens Klasse 3, also von vornherein für die Augen gefährlich, ggf. auch für die Haut evtl. auch hierfür Schutzmaßnahmen ergreifen.
- 5. Zur Justage kann der Laserstrahl mittels Wandlerkarten sichtbar gemacht werden. Zu beachten ist: Diese halten keine sehr hohen Leistungen aus und besitzen im allgemeinen eine reflektierende Oberfläche. Achtung deshalb vor **Reflektionen**! Auch Kameras besitzen eine **Zerstörschwelle**!
- 6. Spiegel und sonstige Komponenten nie in den **ungeblockten** Laserstrahl einbauen! Vor Einbau immer überlegen, in welche Richtung der Reflex geht! Diese Richtung zunächst blocken, bevor der Strahl wieder frei gegeben wird.
- 7. Nie mit reflektierenden Werkzeugen im Strahlengang hantieren! Unkontrollierbare Reflexe! Vorsicht ist z.B. auch mit BNC-Kabeln geboten, die in den Strahlengang gelangen könnten! Gleiches gilt auch für Uhren und Ringe. Diese vorsichtshalber ausziehen, wenn Sie mit den Händen im Strahlengang arbeiten.
- 8. Auch Leistungsmessgeräte können Reflexe verursachen! Unbeschichtete Silizium-Fotodioden reflektieren über 30% des Lichtes!
- 9. Achtung im Umgang mit **Strahlteilerwürfeln**! Diese haben immer einen zweiten Ausgang! Ggf. abblocken!
- 10. **Warnlampen** bei Betrieb des Lasers anschalten und nach Beendigung der Arbeit wieder ausschalten.
- 11. Dafür sorgen, dass auch Dritte im Labor die richtigen Schutzbrillen tragen, oder sich außerhalb des Laserschutzbereiches befinden.
- 12. Filtergläser in Laserschutzbrillen dürfen *grundsätzlich nicht* aus- oder umgebaut werden!!!
- 13. In besonderem Maße auf Beistehende achten.

Hiermit erkläre ich, dass ich die vorstehenden Punkte gelesen und verstanden habe. Ich bestätige, dass ich eine Einführung in den Umgang mit Lasern sowie eine arbeitsplatzbezogene Unterweisung erhalten habe.

Name:	Arbeitsgruppe:
Unterschrift:	Datum: